

Data Mining

Análise por Regressão

Prof. Dr. Joaquim Assunção

DEPARTAMENTO DE COMPUTAÇÃO APLICADA
CENTRO DE TECNOLOGIA
UFSM
2024

Fair user agreement

Este material foi criado para a disciplina de Mineração de Dados - Centro de Tecnologia da UFSM.

Você pode usar este material livremente*; porém, caso seja usado em outra instituição, **me envie um e-mail** avisando o nome da instituição e a disciplina.

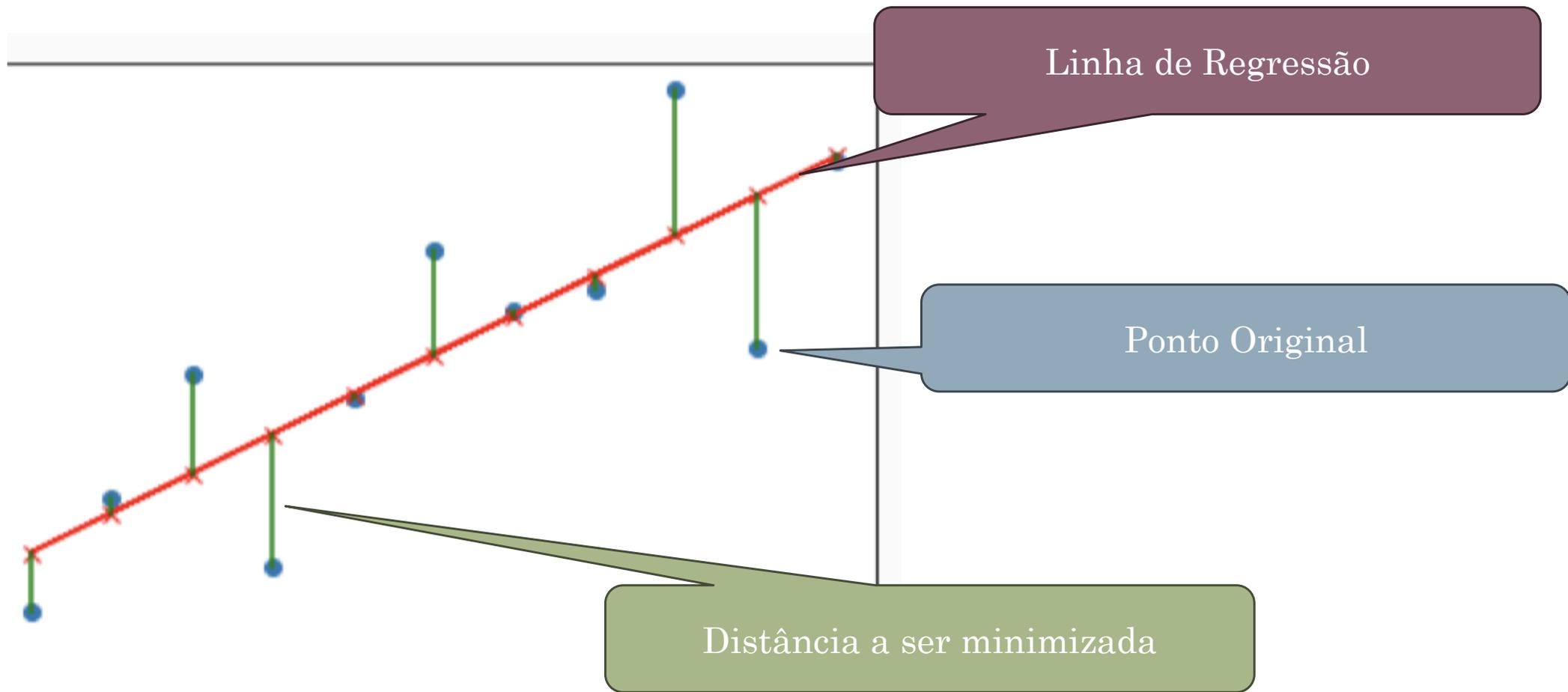
Prof. Dr. Joaquim Assunção.

joaquim@inf.ufsm.br

Definições

- “Regressão pode ser vista como uma técnica de modelagem preditiva onde a variável alvo a ser avaliada é contínua.”*
- Exemplos incluem a previsão de índice de bolsa de valores com base em fatores econômicos ou chuvas em uma região com base em demais características meteorológicas.

- ...Em termos práticos, regressão e classificação são tão parecidos que são usados de maneira intercambiável.



Definições

- Em geral, algoritmos de regressão são usados para prever o valor de uma variável de resposta (dependente) de uma ou mais variáveis preditoras (independentes).
- Existem várias formas de regressão; tais como, linear, múltipla, ponderada, polinomial, não paramétrica e robusta.

Formalmente

- Suponha que D denote um conjunto de dados que contenha N observações.

$$D = \{(x_i, y_i) \mid i = 1, 2, \dots, N\}$$

Cada x_i corresponde a um atributo de uma variável explicativa e y_i corresponde a variável alvo. Os atributos podem ser discretos ou contínuos.

...

- Em linhas gerais, podemos dizer que o objetivo da regressão é encontrar uma função com o menor erro possível em relação aos dados. ... Para isso temos 2 tipos de erro.

$$\sum_i^N |y_i - f(x_i)| \quad \text{Erro absoluto}$$

$$\sum_i^N (y_i - f(x_i))^2 \quad \text{Erro Quadrático ou SSE (*sum of squared error*)}$$

Exemplo – *Old Faithful Geyser*



- Situado no parque nacional de Yellowstone, USA.
- Possui uma característica geotérmica altamente previsível, e entra em erupção em intervalos de 44 a 125 minutos desde o ano 2000!

Dados → equação para previsão

```
> data(faithful)
> head(faithful)
  eruptions waiting
1     3.600      79
2     1.800      54
3     3.333      74
4     2.283      62
5     4.533      85
6     2.883      55
```

$$\hat{DE} = \hat{b}_0 + \hat{b}_1 TE$$

- O ponto de intersecção e o ponto de espera (constantes).
- Dado o novo tempo de espera (TE), a Duração estimada (DE) é obtida.



```
> nrow(faithful)
[1] 272
```

Também poderíamos
plugar uma variável
para o erro esperado.

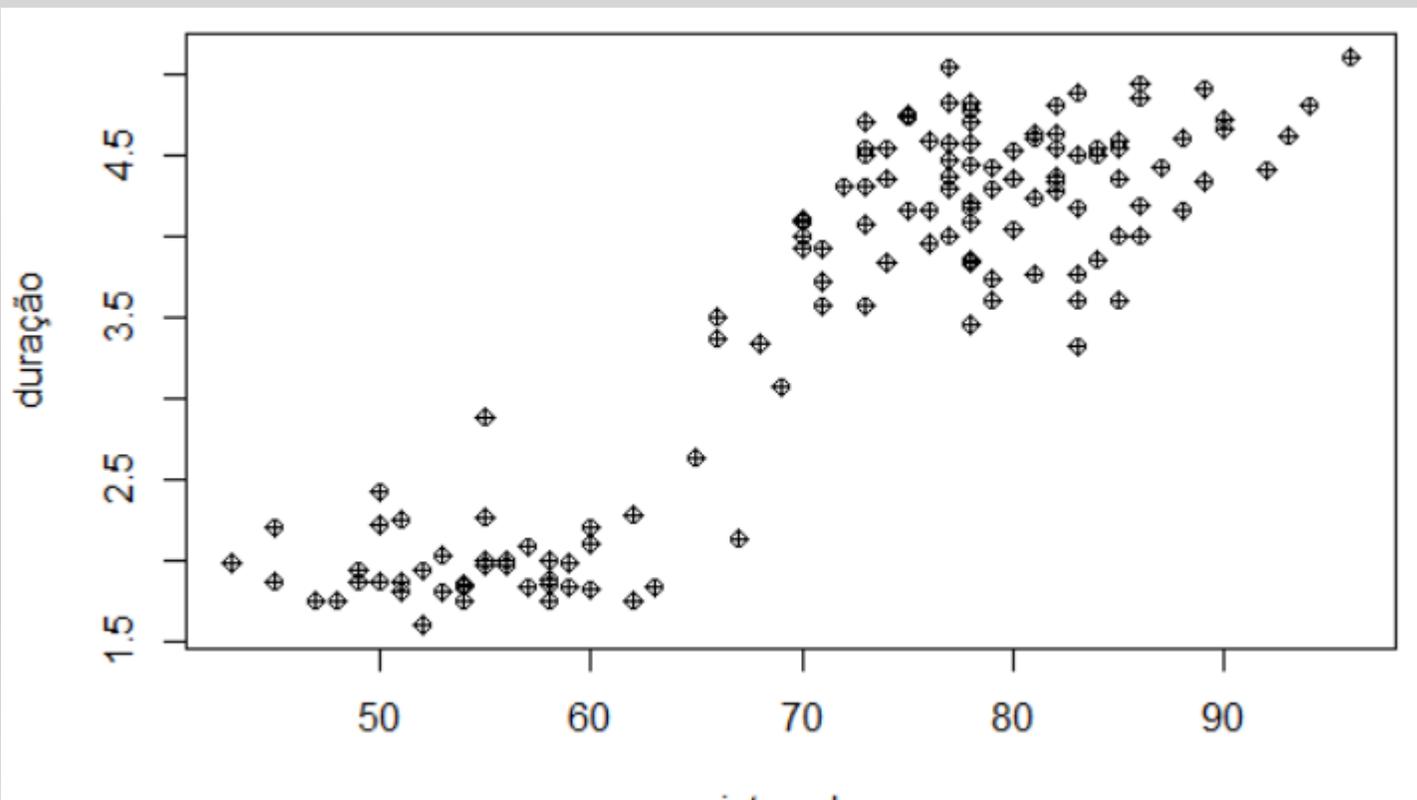
Dados → partição

- A partição deve ser feita para treino e teste. Geralmente 2/3 e 1/3. Para simplificar, vamos usar a função `createDataPartition` com 0.5

```
> inTrain <- createDataPartition(y=faithful$waiting,  
+                               p=0.5, list=FALSE)  
> trainFaith <- faithful[inTrain,];  
> testFaith <- faithful[-inTrain,]  
> nrow(trainFaith)  
[1] 137  
> nrow(testFaith)  
[1] 135
```

Dados → visualização

- Os dados podem ser visualizados via `plot()`. Neste caso estamos visualizando os dados de treino.
(`trainFaith$waiting`, `trainFaith$eruptions`)



Ajuste do modelo

- Agora podemos usar a partição de treino para ajustar o modelo. Podemos usar a função `lm` para um modelo linear.
- O primeiro parâmetro é a variável a ser predita e a variável preditora, respectivamente, e separados por `~`.

Ajuste do modelo

```
> meuModeloLinear <- lm(eruptions ~ waiting, data=trainFaith)
> summary(meuModeloLinear)
```

Call:

```
lm(formula = eruptions ~ waiting, data = trainFaith)
```

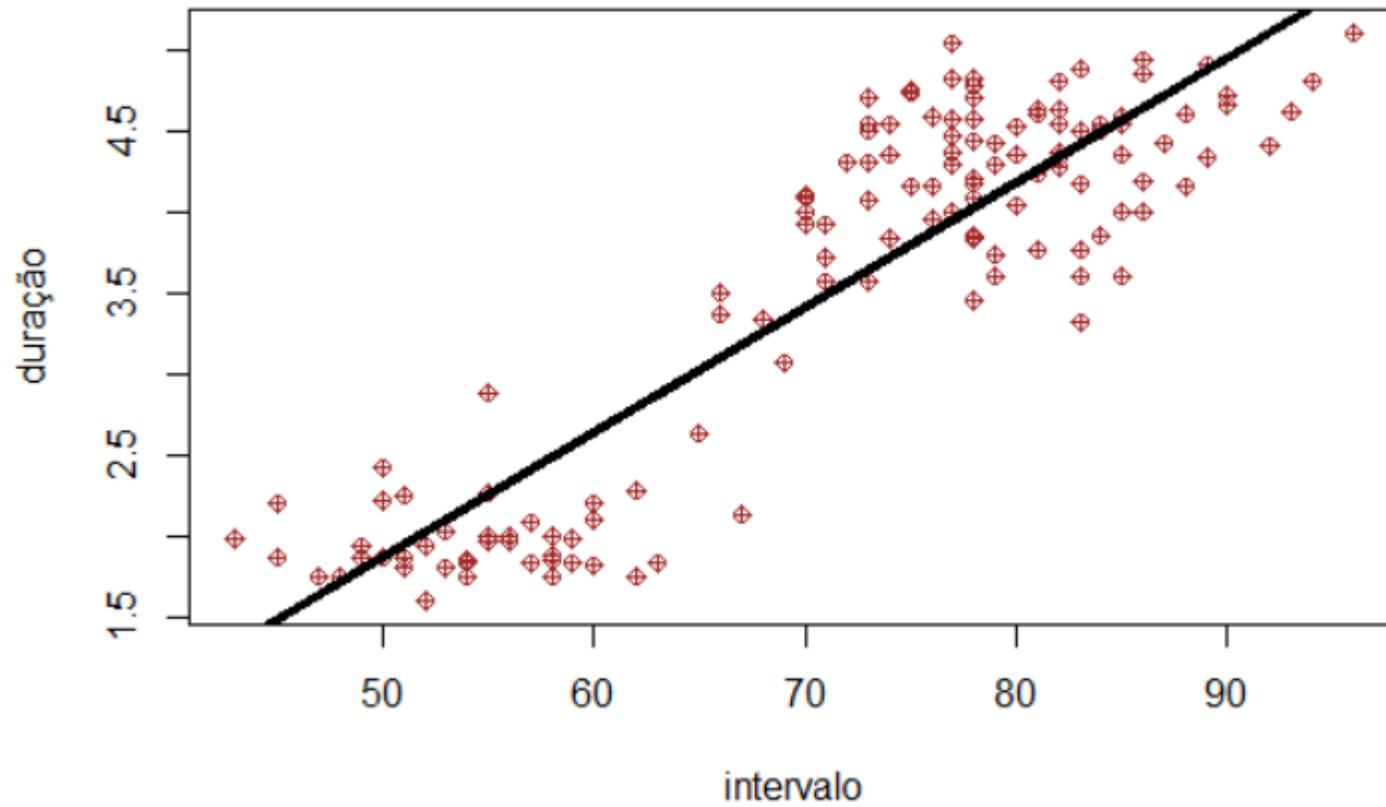
Residuals:

Min	1Q	Median	3Q	Max
-1.10709	-0.38364	-0.00828	0.38551	1.20132

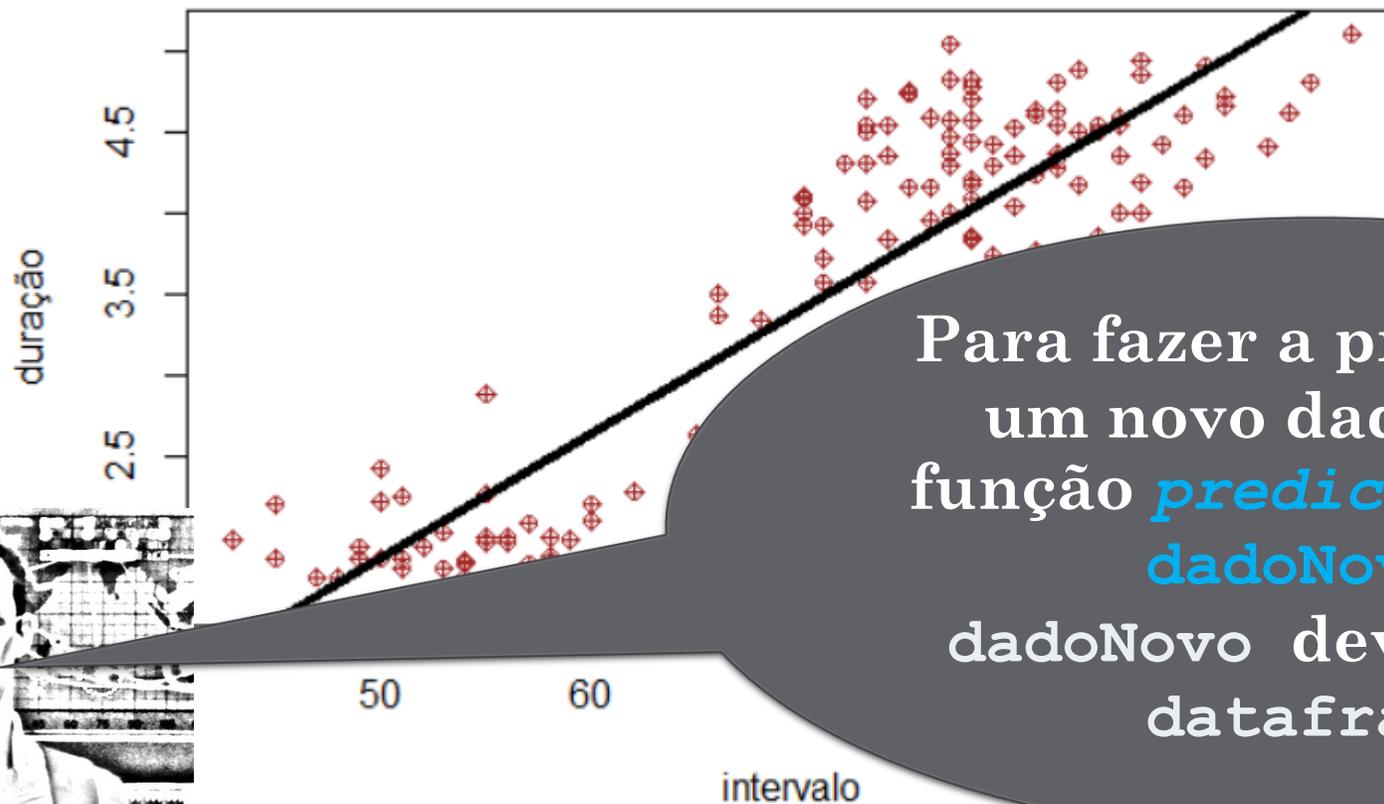
Coefficients:

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t)	
(Intercept)	-1.843375	0.228775	-8.058	3.66e-13	***
waiting	0.075119	0.003178	23.636	< 2e-16	***

Plot



Predict



Para fazer a predição de um novo dado, use a função `predict(modelo, dadoNovo)`
`dadoNovo` deve ser um dataframe



...A wild Geyser appears. Hands On!

1. Abra o arquivo “*GeyserUFISM.csv*”. Use duas partições, treino e teste. Crie um modelo linear e faça a predição para os seguintes tempos de espera: 200, 230, 245, e 270.

Exemplo II

- Nosso objetivo é comparar o consumo de carros com cambio manual vs carros com cambio automático.
 - Para isso, primeiramente vamos carregar um dataset com este tipo de dado no R.
 - Vamos usar o *mtcars* que já vem na instalação base do R.
 - A função ``data()`` carrega o dataset.

Exemplo

- Eis uma amostra de *mtcars*

```
> mtcars
      mpg  cyl  disp  hp  drat    wt  qsec  vs  am  gear  carb
Mazda RX4      21.0   6  160.0  110  3.90  2.620  16.46  0   1    4    4
Mazda RX4 Wag  21.0   6  160.0  110  3.90  2.875  17.02  0   1    4    4
Datsun 710     22.8   4  108.0   93  3.85  2.320  18.61  1   1    4    1
Hornet 4 Drive 21.4   6  258.0  110  3.08  3.215  19.44  1   0    3    1
```



am é nosso alvo.
Mpg (milhas por galão) e
wt (peso) são nossas
variáveis preditoras

Exemplo

- A conversão abaixo é feita para trocar as unidades imperiais para algo mais familiar.

```
data(mtcars)
mtcars$kp1 <- mtcars$mpg * 0.425
mtcars$peso <- mtcars$wt * 0.453
```

Exemplo

- Após, vamos separar os dados na variável *cambio*. Usaremos o tipo *factor* para separar os dados em automático e manual (atributo *am* do *dataset*).
- O próximo passo é criar um modelo linear entre peso e quilômetros por litro.
- Em R, usamos a função **lm** que tem como parâmetros "(*formula, data, ...*)".

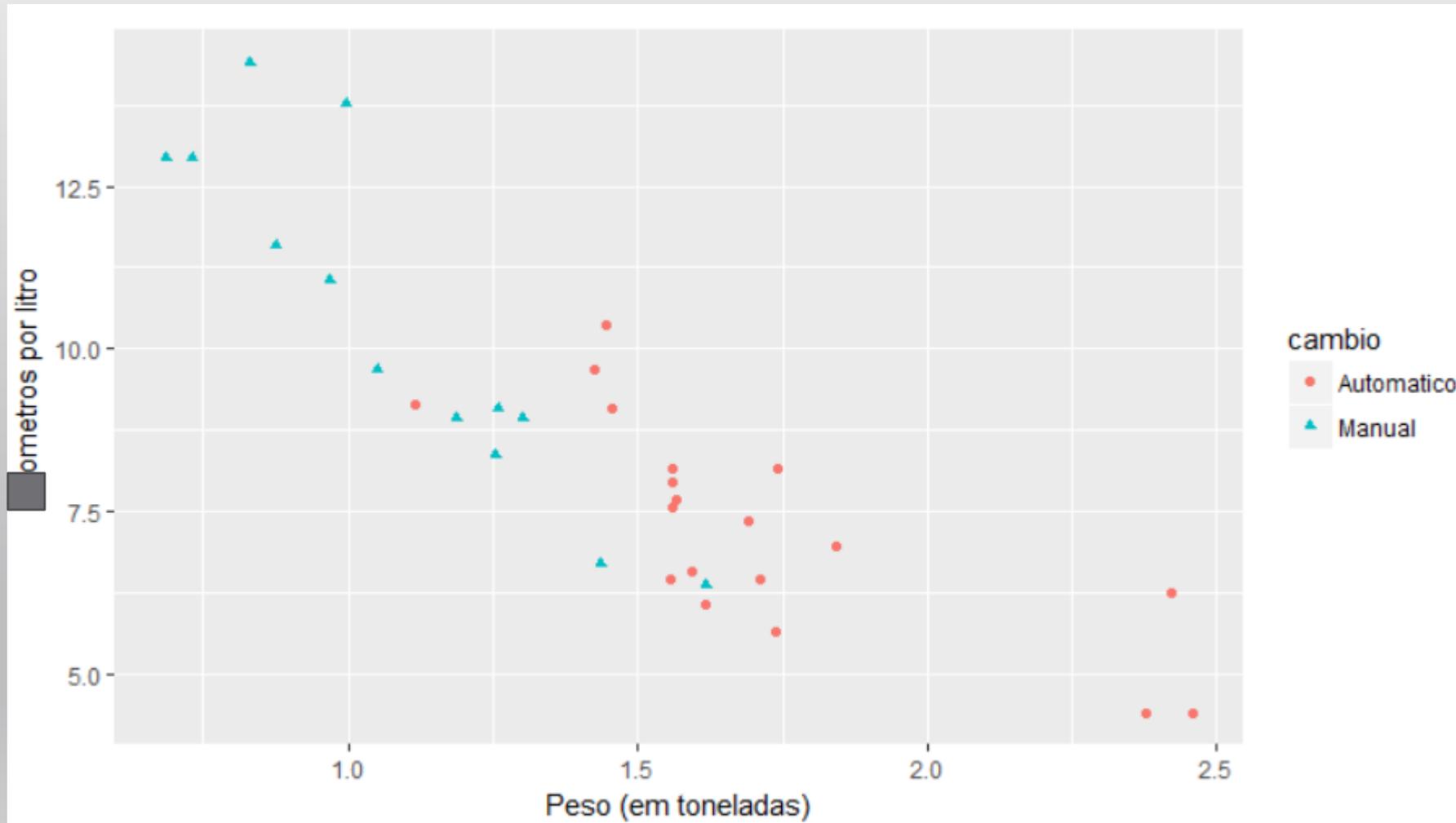
Exemplo

```
cambio <- factor(mtcars$am, levels = c(0,1), labels=c("Automatico", "Manual"))  
modelo <- lm(peso~kp1, data=mtcars)
```



Já temos um modelo linear. Mas antes vamos ver como estão nossos dados...

Exemplo



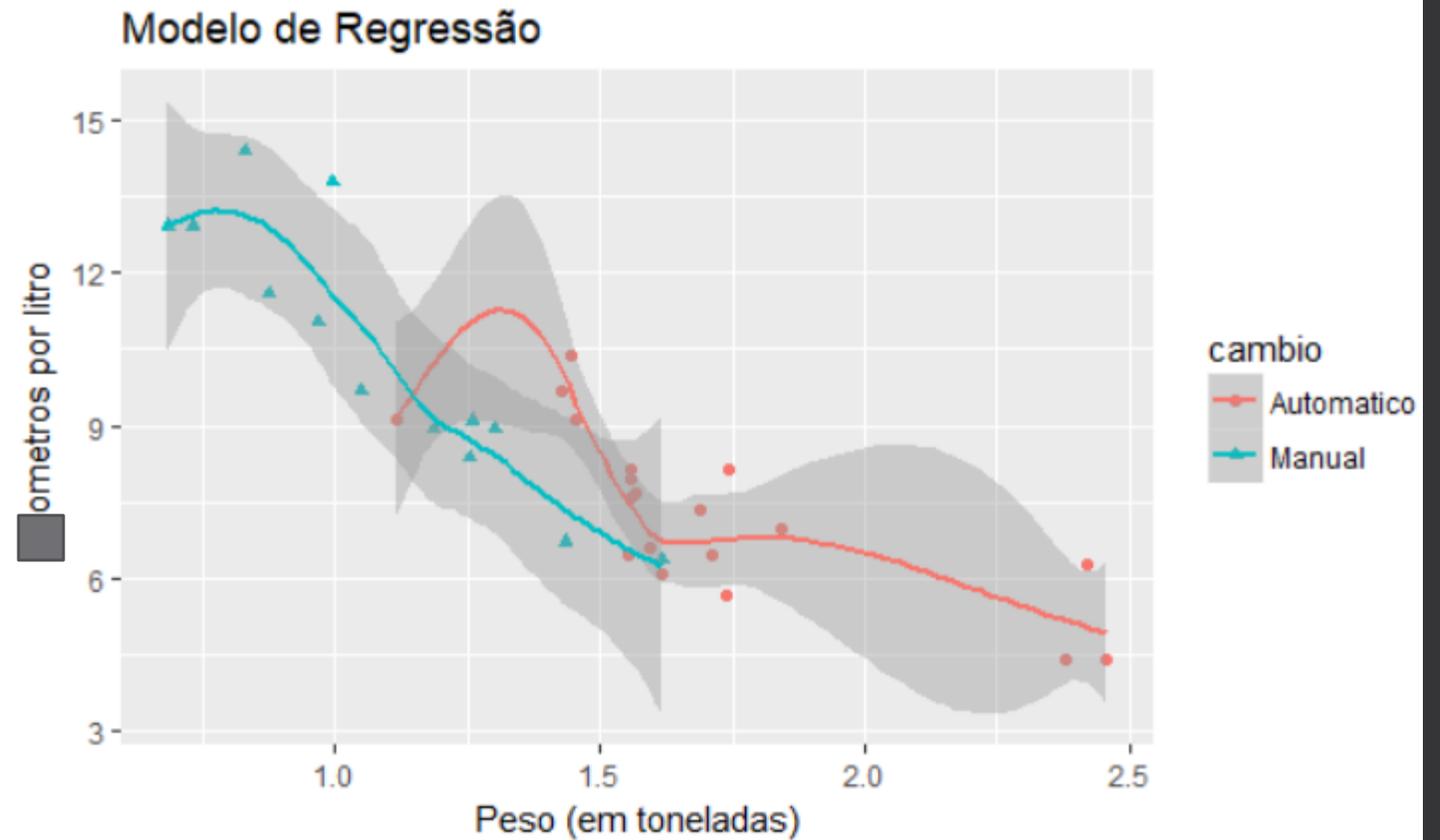
Exemplo

```
qplot(peso, kpl,  
      data = modelo,  
      color = cambio,  
      shape = cambio,  
      geom = c("point", "smooth"),  
      xlab = "Peso (em toneladas)",  
      ylab = "Kilometros por litro",  
      main = "Modelo de Regressão")
```



Digite o código acima e o
modelo deve aparecer

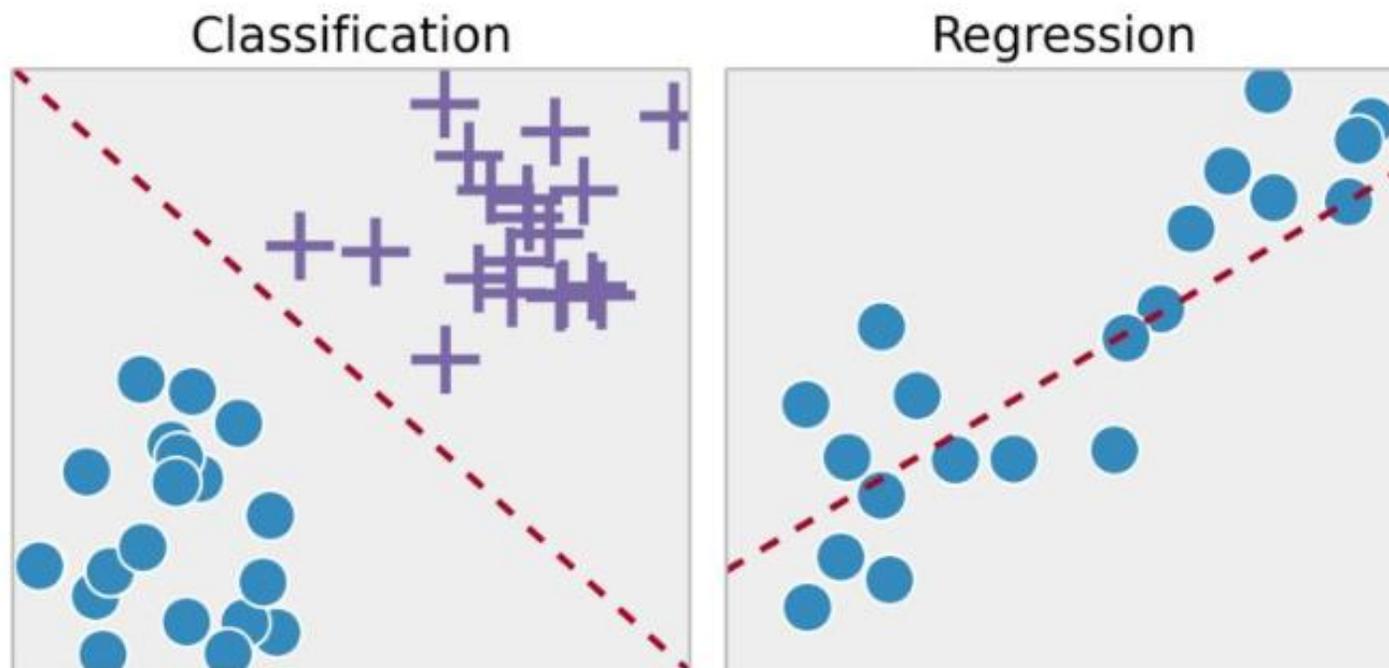
Exemplo



Manual tende a ser melhor, além disso, dentro de cada categoria, há carros ótimos e ruins, eles são ...



Em uma imagem



Tipos de regressão (geral-quanto a variáveis usadas)

- Regressão simples:
 - Linear
 - Não linear
- Regressão múltipla:
 - Linear
 - Não linear

Alguns tipos e algoritmos de regressão

- Ordinal Regression
- Poisson Regression
- Fast Forest Quantile Regression
- Linear
- Polynomial
- Bayesian linear
- Neural Networks Regression
- ...

Hands On!

1. Use exemplo de *mtCars* para o arquivo 'GeyserUFSM'. Crie um pequeno documento .pdf para descrever seus modelos. Este deve conter os coeficientes, os plots, e os resultados para os valores 200, 230, 245, e 270.

Obs: não há necessidade de analisar a saída.